



دما و دماسنجی



● **تعریف دما:** «دما کمیتی است که میزان سردی و گرمی اجسام را مشخص می‌کند.»

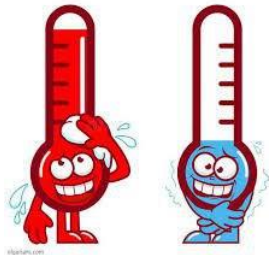
● **تعریف کمیت دماسنجی:** «برای اندازه‌گیری دما، لازم است از هر مشخصه قابل اندازه‌گیری که با گرمی و سردی جسم تغییر می‌کند، بهره بگیریم. به این مشخصه اصطلاحاً کمیت دماسنجی می‌گویند.»

◀ اساس کار دماسنج‌ها، تغییر کمیت دماسنجی است.

◀ در ساده‌ترین و رایج‌ترین دماسنج‌ها، یعنی دماسنج‌های «جیوه‌ای و الکی»، کمیت دماسنجی، ارتفاع مایع درون لوله است.

● **دما:** از دیدگاه میکروسکوپی، دما به انرژی جنبشی مولکول‌های ماده بستگی دارد. لکن به دلیل پیچیدگی‌های فراوان این ارتباط، برای تعریف دما از دیدگاه ماکروسکوپی استفاده می‌شود. از دیدگاه ماکروسکوپی، دما کمیتی است که میزان سردی و گرمی اجسام را مشخص می‌کند. همانند هر کمیت فیزیکی دیگر، به منظور کامل شدن تعریف دما، یکا، روش و ابزار اندازه‌گیری آن مشخص شده است.

مقیاس‌های دما



۱- **درجه سلسیوس یا سانتی‌گراد (°C):** در متداول‌ترین مقیاس دما، عدد صفر مختص دمایی است که در فشار ۱atm آب خالص در آن یخ می‌زند و عدد ۱۰۰ به دمای جوشیدن آب خالص (در فشار استاندارد یک اتمسفر) اختصاص دارد. فاصله بین این دو به قسمت مساوی به نام درجه تقسیم شده است. دما برحسب درجه سلسیوس را معمولاً با θ نشان می‌دهند.

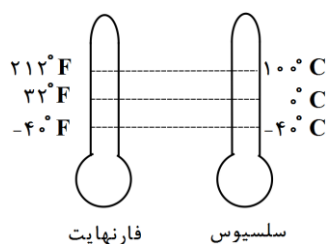
۲- **کلوین (K):** در SI به جای سلسیوس، از یکای کلوین استفاده می‌شود. صفر کلوین برابر با -273°C است. دما برحسب کلوین را معمولاً با T نشان می‌دهند. رابطه میان دما در مقیاس‌های سلسیوس و کلوین به صورت روبه‌رو می‌باشد:

$$T = \theta + 273$$

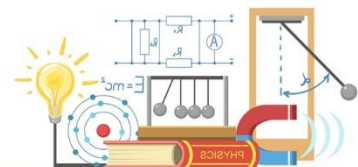
توجه: اختلاف بین دو دما در مقیاس‌های سلسیوس و کلوین با هم برابر است، یعنی $\Delta T = \Delta \theta$.

۳- **درجه فارنهایت (°F):** یکای رایج دیگر دما که امروزه در صنعت کاربرد فراوانی دارد، فارنهایت نام دارد. در این مقیاس، عدد ۳۲ به نقطه انجماد آب خالص و عدد ۲۱۲ به نقطه جوش آب خالص اختصاص دارد. (در فشار یک اتمسفر) رابطه میان دما در مقیاس‌های سلسیوس θ و فارنهایت به صورت روبه‌رو می‌باشد:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32$$



فارنهایت سلسیوس





دماسنجی



شیوه اندازه‌گیری و تعیین دما، دماسنجی نامیده می‌شود. برای دماسنجی از هر خاصیت قابل اندازه‌گیری استفاده می‌کنیم که با گرمی و سردی جسم تغییر می‌کند. این مشخصه، کمیت دماسنجی نام دارد. ساده‌ترین و بی‌دقت‌ترین شیوه دماسنجی، برآورد دمای تقریبی اجسام به کمک حس لامسه است. در این شیوه نمی‌توان عدد دقیقی به دمای جسم نسبت داد و تنها به طور تقریبی تشخیص داده می‌شود که دمای چه جسمی بالاتر یا پایین‌تر از دمای بدن انسان است.

● **دماسنج:** وسیله‌ای است که با استفاده از آن می‌توان دما را به طور دقیق اندازه‌گیری کرد. برخی از انواع دماسنج‌ها عبارتند از:

۱- **دماسنج جیوه‌ای و الکلی:** ساده‌ترین و رایج‌ترین نوع دماسنج، دماسنج‌های جیوه‌ای و الکلی هستند. در این دماسنج‌ها، دما با انبساط یا انقباض یک مایع (معمولاً جیوه یا الکل رنگی) در لوله شیشه‌ای مدرج اندازه گرفته می‌شود. در حقیقت در این دماسنج‌ها، ارتفاع مایع درون لوله دماسنج کمیت دماسنجی است.

اندازه‌گیری دما توسط این دماسنج‌ها، برای دماهایی امکان‌پذیر است که بالاتر از نقطه انجماد و پایین‌تر از نقطه جوش مایع درون دماسنج باشد. گستره سنجش دما در دماسنج‌های الکلی (الکل اتیلیک یا اتانول خالص) از -115°C تا 79°C است. این گستره برای دماسنج‌های جیوه‌ای از -39°C تا 357°C می‌باشد.

۲- **دماسنج ترموکوپل:** کمیت دماسنجی در این دماسنج، ولتاژ است. گستره دماسنجی یک ترموکوپل می‌تواند از صفر تا حدود 1600°C باشد. مزیت ترموکوپل در این است که به خاطر جرم کوچک محل اتصال خیلی سریع با دستگاهی که دمای آن اندازه‌گیری می‌شود، به حال تعادل گرمایی می‌رسد. (گستره‌ی دماسنجی یکی از انواع ترموکوپل‌ها به جنس سیم‌های آن بستگی دارد. مثلاً از یکی از انواع ترموکوپل‌ها که جنس سیم‌ها از آلیاژهای خاصی است گستره‌ی دماسنجی از -270°C تا 1372°C است.)

۳- **دماسنج بیشینه - کمینه:** این دماسنج نوع ویژه‌ای از دماسنج‌های مایعی است که بیشینه و کمینه دما را در یک مدت زمان معین نشان می‌دهد. از این دماسنج معمولاً در مراکز پرورش گل و گیاه، باغداری، هواشناسی و ... استفاده می‌کنند.

● **رابطه بین دماسنج:** می‌خواهیم یک دماسنج با مقیاس نامعلوم را بر حسب یک دماسنج با مقیاس معلوم مدرج کنیم. اگر دماسنجی که با مقیاس نامعلوم کار می‌کند، دو دمای θ_1 و θ_2 را به ترتیب برابر با X_1 و X_2 نشان دهد، رابطه بین مقیاس دماسنج نامعلوم و دماسنج معلوم به صورت مقابل می‌باشد:

$$\frac{\theta - \theta_1}{\theta_2 - \theta_1} = \frac{x - X_1}{X_2 - X_1}$$

دما و گرما



مثال: دماسنجی ساخته‌ایم که دمای آب 36°C را 20°C و دمای آب 96°C را 200° نشان می‌دهد. الف) رابطه بین مقیاس این دماسنج و دماسنج سلسیوس را به دست آورید.

ب) در چه دمایی این دو دماسنج، یک عدد را نشان می‌دهند؟

پ) اگر دماسنج سلسیوس اختلاف دمای دو جسم A و B را 40°C نشان دهد، دماسنج مذکور این اختلاف دما را چند درجه نشان خواهد داد؟ (آزمون کانون ۹۳- با تغییر)

$$\frac{\theta - \theta_1}{\theta_2 - \theta_1} = \frac{x - x_1}{x_2 - x_1} \quad \theta_1 = 36^{\circ}\text{C}, \theta_2 = 96^{\circ}\text{C} \rightarrow \frac{\theta - 36}{96 - 36} = \frac{x - 20}{200 - 20} \rightarrow x = 3\theta - 88 \quad (\text{الف: حل})$$

$$x = \theta \rightarrow \theta = 3\theta - 88 \rightarrow 2\theta = 88 \rightarrow \theta = 44^{\circ}\text{C} \quad (\text{ب})$$

پ) ابتدا اختلاف هر واحد این دماسنج را برحسب دماسنج سلسیوس به دست می‌آوریم:

$$\frac{200 - 20}{96 - 36} = 3$$

$$\Delta\theta_{A,B} = 40^{\circ}\text{C} \rightarrow \Delta x_{A,B} = 40 \times 3 = 120^{\circ}$$

• **دماسنج‌های معیار:** دانشمندان برای پروژه‌های علمی، سه دماسنج را به عنوان دماسنج‌های معیار برای اندازه‌گیری گستره دماهای مختلف پذیرفته‌اند و این به دلیل دقت بسیار بالای این دماسنج‌هاست.

۱- **دماسنج گازی؛** اساس کار این دماسنج مبتنی بر قانون گازهای کامل است.

۲- **دماسنج مقاومت پلاتینی؛** اساس کار این دماسنج مبتنی بر تغییر جریان الکتریکی است.

۳- **تف سنج (پیرومتر)؛** اساس کار این دماسنج مبتنی بر تابش گرمایی است.

تست ۱

اساس کار دماسنج گازی مبتنی بر و اساس کار تف‌سنج مبتنی بر است.

(۱) تابش گرمایی - قانون گازهای کامل

(۲) قانون گازهای کامل - تابش گرمایی

(۳) همرفت گرمایی - تغییر حالت

(۴) تغییر حالت - همرفت گرمایی

تست ۲

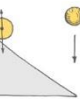
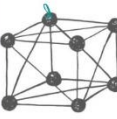
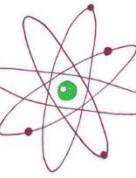
ترموکوپل چیست؟ (فارغ تهری ۱۹- با تغییر جزئی)

(۱) وسیله‌ای برای سنجش رسانایی حرارتی اجسام است.

(۲) دماسنجی است که کمیت دماسنجی آن ولتاژ است.

(۳) دماسنجی است که در آن تغییر دما باعث تغییر حجم گاز یا مایع می‌شود.

(۴) وسیله‌ای برای ثابت نگه داشتن دمای داخل ساختمان است.





تست ۳

در کدام دما بر حسب درجه‌ی سلسیوس، با پنج برابر کردن دما در مقیاس سلسیوس دما در مقیاس کلونین دو برابر می‌شود؟

- (۱) ۵۴۶ (۲) ۳۶۴ (۳) ۱۸۲ (۴) ۹۱

تست ۴

یک دماسنج مخصوص، نقطه‌ی ذوب یخ را ۲۰ درجه و نقطه جوش آب در فشار یک اتمسفر را ۱۰۰ درجه نشان می‌دهد. این دماسنج دمای جسمی را که 25°C است چند درجه نشان می‌دهد؟

- (۱) ۲۰ (۲) ۴۰ (۳) ۶۰ (۴) ۸۰

انبساط گرمایی

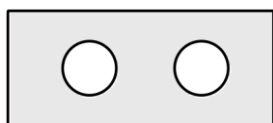
انبساط طولی



مفهوم انبساط: تقریباً تمامی اجسام (به غیر از آب در محدوده دمای 0°C تا 4°C و پلاستیک‌ها)، با افزایش دما، منبسط شده و چگالی آن‌ها کاهش می‌یابد. انبساط گرمایی از دیدگاه مولکولی نیز قابل درک است. نیروهایی بین اتمی در جامدها مانند فنر عمل می‌کنند، در نتیجه هر اتم در اطراف مکان تعادل خود نوسان می‌کند و با افزایش دما، بر انرژی دامنه نوسان اتم‌ها افزوده می‌شود. در این حالت، فاصله متوسط اتم‌ها از یک‌دیگر افزایش یافته و جسم منبسط می‌شود.

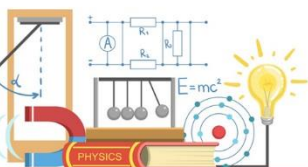
توجه: پدیده انبساط گرمایی اجسام در تمام جهات صورت می‌گیرد، یعنی فاصله بین همه مولکول‌ها زیاد می‌شود.

مثال: روی یک صفحه نازک فلزی دو سوراخ وجود دارد. دمای این صفحه را به طور یکنواخت 20°C درجه سلسیوس افزایش می‌دهیم. کدام گزینه به ترتیب از راست به چپ در مورد نحوه تغییر قطر هر یک از سوراخ‌ها و نحوه تغییر فاصله بین دو سوراخ صحیح است؟

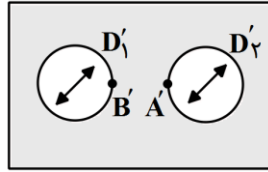
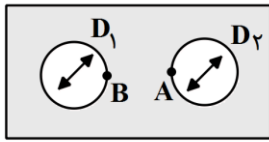


- (۱) کاهش - کاهش (۲) کاهش - افزایش
(۳) افزایش - افزایش (۴) افزایش - کاهش

حل: گزینه «۳»: هم قطر‌ها و هم فاصله AB هر دو افزایش می‌یابد. یعنی:



دما و گرما



$$\begin{cases} D'_1 > D_1 \\ D'_2 > D_2 \\ A'B' > AB \end{cases}$$

● **رابطه انبساط طولی:** اگر جسم به شکل میله باشد، یعنی طول آن در مقایسه با قطر مقطع آن بسیار بزرگتر باشد، انبساط حجمی به شکل انبساط طولی ظاهر می‌شود. اگر میله‌ای به طول اولیه L_1 را به اندازه ΔT گرم کنیم (با این شرط که ΔT خیلی زیاد نباشد)، به طول آن به اندازه ΔL افزوده شده و میله به طول ثانویه L_2 می‌رسد، داریم:

$$\Delta L = \alpha L_1 \Delta T, \Delta T = T_2 - T_1$$

$$L_2 = L_1 + \Delta L \quad \text{یا} \quad L_2 = L_1(1 + \alpha \Delta T)$$

$$\text{درصد تغییرات طول: } \frac{\Delta L}{L_1} \times 100 = \alpha \Delta T \times 100$$

به α ضریب انبساط طولی میله می‌گویند که به جنس میله بستگی دارد و یکای آن بر کلونین $(\frac{1}{K})$ یا بر

درجه سلسیوس $(\frac{1}{C})$ است. α معمولاً از مرتبه 10^{-5} بر کلونین برای فلزات می‌باشد.

توجه: در حقیقت، ضریب انبساط طولی (α) علاوه بر جنس ماده، به دما نیز اندکی وابسته است. اما به دلیل این‌که این وابستگی ناچیز است، معمولاً برای مصارف عملی نادیده گرفته می‌شود.

جمع‌بندی: ۱- در فرایند انبساط، فاصله هر دو نقطه دلخواه از ماده جامد افزایش می‌یابد. (مانند بادکنکی که تصویری روی آن کشیده شده باشد، در طی باد شدن، تمام تصویر و فاصله هر دو نقطه از آن افزایش می‌یابد.)

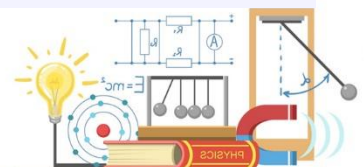
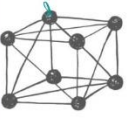
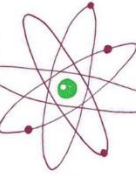
۲- تغییرات هر کمیتی که از جنس طول باشد، مانند طول یک میله، ابعاد یک جسم، فاصله دو نقطه از سطح یک جسم، شعاع و قطر یک دایره (یا کره یا حفره) همگی با استفاده از رابطه $\Delta L = \alpha L_1 \Delta T$ محاسبه می‌شود و طول جدید از روابط $L_2 = L_1 + \Delta L$ یا $L_2 = L_1(1 + \alpha \Delta T)$ به دست می‌آید.

تست ۵

طول تیر آهنی ۱۲ متر است. اگر دمای آن از صفر درجه سلسیوس به $50^\circ C$ برسد، طول آن چند میلی‌متر

افزایش می‌یابد؟ $(\alpha = 1/2 \times 10^{-5} \frac{1}{C})$ (قارج تجربی ۹۲)

- (۱) ۷/۲ (۲) ۷۲ (۳) $7/2 \times 10^{-1}$ (۴) $7/2 \times 10^{-2}$





تست ۶

ضریب انبساط طولی یک حلقه فلزی برابر با $2 \times 10^{-5} K^{-1}$ است. اگر دمای این حلقه را به آرامی به اندازه‌ی $50^\circ C$ درجه‌ی سلسیوس افزایش دهیم قطر حلقه چند درصد افزایش می‌یابد؟ (تجربی ۹۳)

- (۱) ۲ (۲) ۱ (۳) ۰/۲ (۴) ۰/۱

تست ۷

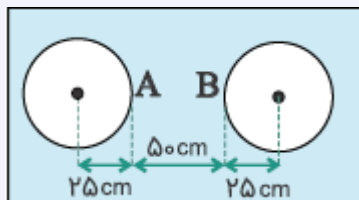
دو میله‌ی فلزی A و B در دمای $20^\circ C$ به ترتیب دارای طول‌های 5cm و 7cm می‌باشند. دمای دو میله را $30^\circ C$ افزایش می‌دهیم، باز هم اختلاف طول آن‌ها 2cm می‌شود. نسبت ضریب انبساط طولی میله‌ی A به ضریب انبساط طولی میله‌ی B کدام است؟ (فارج ریاضی ۹۳)

- (۱) $\frac{3}{7}$ (۲) $\frac{7}{3}$ (۳) $\frac{5}{7}$ (۴) $\frac{7}{5}$

تست ۸

در وسط یک صفحه‌ی فلزی نازک که ضریب انبساط سطحی آن $3/6 \times 10^{-5} K^{-1}$ است. دو دایره به شعاع‌های 25cm را در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس خارج نموده‌ایم. اگر دمای صفحه را به آرامی از صفر

به $200^\circ C$ برسانیم فاصله‌ی AB چند میلی‌متر می‌شود؟ (سراسری فارج از کشور تجربی- ۹۵)



- (۱) $496/4$ (۲) $498/2$ (۳) $501/8$ (۴) $503/6$

دما و گرما



تست ۹

طول دو میله مسی و آهنی در دمای صفر درجه سلسیوس، هر یک برابر ۵/۰ متر است. دمای میله‌ها را تا چند درجه سلسیوس افزایش دهیم تا اختلاف طول آن‌ها به ۳/۰ میلی‌متر برسد؟ (ضریب انبساط طولی

مس و آهن در به ترتیب $1/8 \times 10^{-5}$ و $1/2 \times 10^{-5}$ است.) (کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱)

- ۵۰ (۱)
- ۱۰۰ (۲)
- ۱۵۰ (۳)
- ۲۰۰ (۴)

تست ۱۰

در دمای صفر درجه سلسیوس، طول دو میله آلومینیمی و فولادی با هم برابر و هر کدام ۴ متر است. دمای میله‌ها را تا چند درجه سلسیوس افزایش دهیم تا اختلاف طول آن‌ها ۳/۲ میلی‌متر شود؟

(کنکور سراسری علوم تجربی خارج ۱۴۰۰) $\alpha_{\text{آلومینیم}} = 23 \times 10^{-6} \text{ K}^{-1}$, $\alpha_{\text{فولاد}} = 11/5 \times 10^{-6} \text{ K}^{-1}$

- ۱۵ (۱)
- ۲۵ (۲)
- ۵۰ (۳)
- ۱۰۰ (۴)



دما و گرما

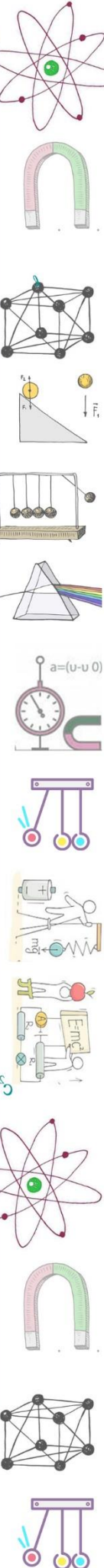
انبساط سطحی

انبساط سطحی: اگر جسم به شکل ورقه باشد، یعنی ضخامت آن در مقایسه با ابعاد سطح آن ناچیز باشد، انبساط به شکل انبساط ظاهر می‌شود. اگر دمای ورقه‌ای به مساحت اولیه A_1 را به اندازه ΔT افزایش دهیم، به مساحت آن به اندازه ΔA افزوده شده و ورقه به مساحت ثانویه A_2 می‌رسد، داریم:

$\Delta A = 2\alpha A_1 \Delta T$, ضریب انبساط سطحی ورقه $\cong 2\alpha$

$A_2 = A_1(1 + 2\alpha \Delta T)$

درصد تغییرات مساحت: $\frac{\Delta A}{A_1} \times 100 = 2\alpha \Delta T \times 100$





تست ۱۱

دمای یک قرص فلزی را 250°C درجه سلسیوس افزایش می‌دهیم. در نتیجه مساحت آن یک درصد افزایش می‌یابد. ضریب انبساط خطی فلز در SI کدام است؟ (ریاضی ۹۳)

- (۱) 2×10^{-5} (۲) 4×10^{-5} (۳) 2×10^{-6} (۴) 4×10^{-6}

تست ۱۲

دمای یک میله‌ی مسی را 100°C افزایش می‌دهیم. طول آن $17/0$ درصد افزایش می‌یابد اگر دمای یک ورقه‌ی مسی را 100°C افزایش دهیم، مساحت آن چند برابر می‌شود؟ (فارج ریاضی ۹۱)

- (۱) $1/0017$ (۲) $0/034$ (۳) $0/3400$ (۴) $1/0034$

انبساط حجمی

انبساط حجمی: اگر حجم اولیه جسم (جامد یا مایع) V_1 و افزایش دمای آن ΔT باشد، جسم افزایش حجمی به اندازه ΔV پیدا کرده و به حجم ثانویه V_2 می‌رسد، داریم:

$$\Delta V = \beta V_1 \Delta T, \Delta T = T_2 - T_1$$

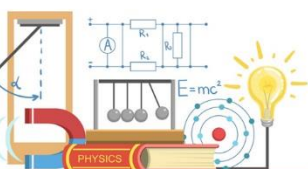
$$V_2 = V_1(1 + \beta \Delta T)$$

$$\text{درصد تغییرات حجم} = \frac{\Delta V}{V_1} \times 100 = \beta \Delta T \times 100$$

به β ضریب انبساط حجمی جامد یا مایع می‌گویند که یکای آن بر کلونین $(\frac{1}{K})$ یا بر درجه سلسیوس

$(\frac{1}{^\circ\text{C}})$ است.

دما و گرما





نکته:

برای بیش تر جامدها، انبساط طولی در راستاهای مختلف با ضریب انبساط طولی یکسان صورت می گیرد. ثابت می شود که ضریب انبساط حجمی این جامدها (که همسانگرد نام دارند) تقریباً ۳ برابر ضریب انبساط طولی آنهاست. ($\beta \cong 3\alpha$) توجه شود که انبساط حجمی جامدها به مراتب کم تر از مایعات می باشد، اما انبساط حجمی مایعات بسته به جنس مایع متفاوت است.

توجه: ضریب انبساط حجمی مایعات بسیار بیشتر از جامدات است.

انبساط ظاهری و واقعی: اگر ظرفی به ضریب انبساط طولی α را که در دمای T_1 گنجایشی برابر با V_1 دارد، با مایعی به ضریب انبساط حجمی β در همان دما کاملاً پر کنیم، سپس دمای ظرف و مایع درونش را به T_2 برسانیم ($T_2 > T_1$)، مقدار مایع بیرون ریخته شده از ظرف (ظاهری $\Delta V_{\text{مایع}}$) به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\Delta V_{\text{ظاهری مایع}} = \Delta V_{\text{واقعی مایع}} - \Delta V_{\text{ظرف}} = (V_1 \Delta T (\beta - 3\alpha))$$

گاما: ضریب انبساط مایعات $\beta = 3\alpha$

تست ۱۳

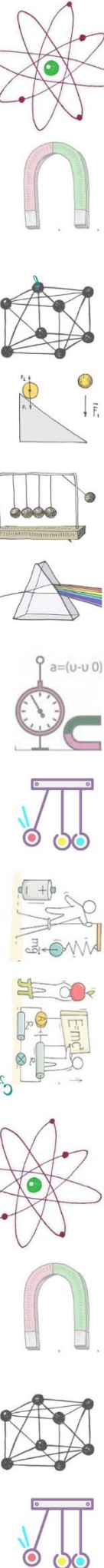
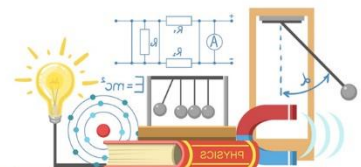
ضریب انبساط طولی فلزی $10^{-5} K^{-1}$ است. اگر دمای قطعه ای از این فلز را ۱۰۰ درجه ی سلسیوس افزایش دهیم، حجم آن چند درصد افزایش می یابد؟ (تقریبی ۹۴)

- (۱) ۰/۱
- (۲) ۰/۳
- (۳) ۱
- (۴) ۳

تست ۱۴

با یک میله آن قدر گرما می دهیم تا طول آن یک درصد افزایش یابد. حجم آن تقریباً چند درصد افزایش می یابد؟ (ریاضی ۹۱)

- (۱) ۰/۵
- (۲) ۱
- (۳) ۲
- (۴) ۳





تست ۱۵

حجم قطعه آلیاژی در دمای صفر درجه سلسیوس، 1000 cm^3 است. دمای آن را از 120 کلوین افزایش می دهیم، حجم آن $8/1 \text{ cm}^3$ افزایش می یابد. ضریب انبساط طولی این آلیاژ در SI، چقدر است؟

(کنکور سراسری علوم تجربی فارغ از کشور ۱۴۰۱)

- (۱) $1/83 \times 10^{-5}$ (۲) $2/25 \times 10^{-5}$ (۳) $6/1 \times 10^{-6}$ (۴) $7/5 \times 10^{-6}$

تست ۱۶

یک قطعه سرب در دمای 20°C قرار دارد. اگر دمای این قطعه را 200°C افزایش دهیم،

حجم آن چند درصد افزایش می یابد؟ ($\frac{1}{C} \times 10^{-5} = 3$ ضریب انبساط طولی سرب)

(کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۱)

- (۱) $0/6$ (۲) $1/8$ (۳) 6 (۴) 18



تست ۱۷

ضریب انبساط طولی فلزی $2 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1}$ و دمای آن صفر درجه سلسیوس است. اگر دمای این فلز را به 250

درجه سلسیوس برسانیم، حجم آن چند درصد افزایش می یابد؟ (کنکور سراسری ریاضی و فیزیک فارغ از کشور ۱۴۰۰)

- (۱) $0/15$ (۲) $1/5$ (۳) $0/25$ (۴) $2/5$

دما و گرما

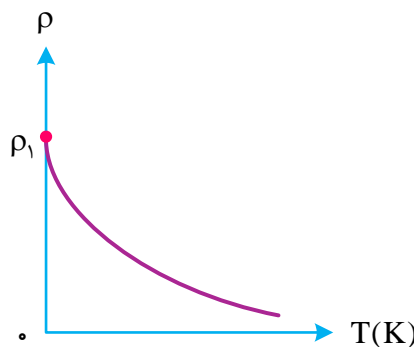


در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس حجم ظرف شیشه‌ای توسط یک لیتر جیوه کاملاً پر شده است. وقتی دمای مجموعه را به ۸۰ درجه‌ی سلسیوس می‌رسانیم ۱۲cm^3 جیوه از ظرف خارج می‌شود. اگر ضریب انبساط حجمی جیوه $۱/۸ \times 10^{-4} \text{K}^{-1}$ باشد ضریب انبساط خطی شیشه در SI چقدر است؟

(۱) $۱/۲ \times ۱۰^{-۴}$ (۲) $۱۰^{-۴}$ (۳) $۱۰^{-۵}$ (۴) ۳×۱۰^{-۵}

تغییر چگالی با دما و انبساط غیر عادی آب

● **تغییرات چگالی:** افزایش دما که به طور معمول موجب افزایش حجم اجسام می‌شود، بر جرم آن‌ها تأثیری ندارد. در نتیجه، با افزایش دما، چگالی اجسام کاهش می‌یابد و برعکس. اگر ρ_1 و ρ_2 چگالی ماده‌ای در دماهای T_1 و T_2 بوده و β ضریب انبساط حجمی ماده باشد، رابطه چگالی با تغییر دما به صورت زیر خواهد بود:

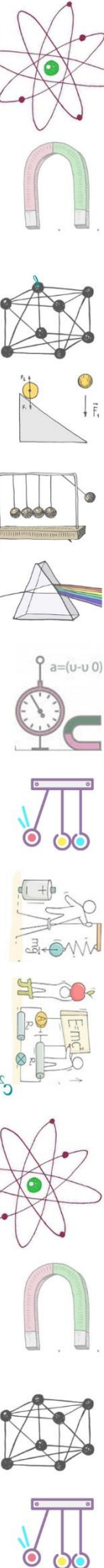


$$m_1 = m_2 \Rightarrow \rho_1 v_1 = \rho_2 v_2 = \rho_2 v_2 (1 + \beta \Delta t) \Rightarrow \rho_2 = \frac{\rho_1}{1 + \beta \Delta t}$$

که با ضرب صورت و مخرج عبارت اخیر در مزدوج مخرج داریم:

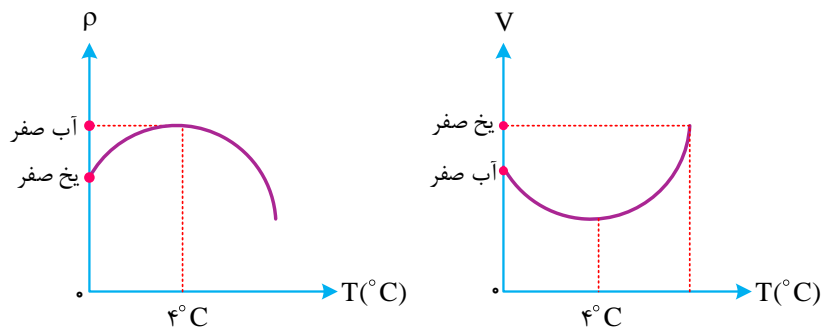
$$\rho_2 = \frac{\rho_1}{1 + \beta \Delta t} \times \frac{(1 - \beta \Delta t)}{(1 - \beta \Delta t)} = \frac{\rho_1 (1 - \beta \Delta t)}{1 - \beta^2 (\Delta t)^2} \xrightarrow[\beta^2 \approx 0]{\text{عبارت } \beta^2 \text{ ناچیز}} \rho_2 = \rho_1 (1 - \beta \Delta t)$$

● **انبساط غیر عادی آب:** حجم بیش‌تر مایع‌ها با کم شدن دما کاهش و در نتیجه چگالی آن‌ها، افزایش می‌یابد. ولی آب رفتاری متفاوت دارد. بدین صورت که از دمای ۱۰°C تا دمای ۴°C مانند هر مایع معمولی دیگری با کاهش دما، کاهش حجم پیدا می‌کند. اما از دمای ۴°C تا دمای ۰°C این رفتار عوض





می‌شود و کاهش دما، موجب افزایش حجم آب و در نتیجه کاهش چگالی آن می‌شود. نمودار تغییرات حجم و چگالی آب (شیرین) بر حسب دما به شکل زیر است:



توجه: از دمای 0°C تا دمای 4°C ، ضریب انبساط حجمی آب منفی است و آب رفتار غیر عادی دارد. در دماهای بالاتر از 4°C که رفتار آب طبیعی است، ضریب انبساط حجمی آب مثبت بوده و با افزایش دما، حجم آن افزایش می‌یابد.

توجه: رفتار غیر عادی آب را می‌توان با ساختار غیر عادی شبکه بلوری یخ توضیح داد. در بلور یخ، مولکول‌های آب در بعضی نواحی بسیار نزدیک به هم‌اند و در نواحی دیگر، بین آن‌ها فضای خالی وجود دارد. برخلاف سایر اجسام، هنگام ذوب شدن یخ، آرایش مولکول‌های آن یکنواخت‌تر شده و در نتیجه حجم اشغال شده کاهش می‌یابد. در محدوده دمایی 0°C تا 4°C به دلیل وجود بقایای ساختار مولکولی یخ در آب، آب رفتاری غیرعادی دارد.

• **فواید رفتار غیرعادی آب برای محیط زیست:**

- ۱- موجب می‌شود دریاچه‌ها به جای این‌که از پایین به بالا یخ بزنند، از بالا منجمد شوند. در واقع، در فصل‌های سرد در حالی که آب در عمق دریاچه هنوز مایع است و دمایی بیش از صفر درجه سلسیوس دارد، فقط سطح آب یخ می‌زند، اگر آب دریاچه‌ها از پایین به بالا یخ می‌زد، حیات گیاهی و جانوری در عمق دریاچه‌ها از بین می‌رفت.
- ۲- وجود لایه‌های یخ در سطح دریاچه مانند یک عایق گرمایی عمل می‌کند و مانع سرد شدن آب عمق دریاچه می‌گردد. در نتیجه شرایط برای زندگی آبزیان در دریاچه مساعد خواهد بود.

دما و گرما



گرما



ظرفیت گرمایی و گرمای ویژه

◀ **مفهوم گرما:** مقدار انرژی ای است که به دلیل اختلاف دما، بین دو جسم مبادله می‌شود. به عبارت دیگر، شرط مبادله گرما بین دو جسم، اختلاف دما بین آنهاست و جهت خودبه‌خودی انتقال گرما همواره از جسمی با دمای بالاتر به طرف جسمی با دمای پایین‌تر است. برای آن که دمای جرم m از جسمی با گرمای ویژه c بدون تغییر حالت به اندازه $\Delta\theta$ تغییر کند، جسم باید گرمای Q را با محیط مبادله نماید. داریم:

$$Q = mc\Delta\theta$$

$\frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$ ← ظرفیت گرمایی ویژه
 \uparrow
 ظرفیت گرمایی ویژه $\frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$
 \downarrow
 جرم (kg)
 تغییرات دما $^\circ C$ → $Q = mc\Delta\theta$ ← گرما

علامت گرما (Q) برای جسمی که گرما را می‌گیرد، مثبت ($Q > 0$) و برای جسمی که گرما را از دست می‌دهد، منفی ($Q < 0$) می‌باشد.

◀ **گرمای ویژه (c):** گرمای ویژه هر جسم، مقدار گرمایی است که باید به یک کیلوگرم از آن جسم داده شود تا دمای آن یک درجه سلسیوس (یا یک کلوین) افزایش یابد. یکای c ، $\frac{J}{Kg \cdot K}$ یا $\frac{J}{Kg \cdot ^\circ C}$ است.

◀ **ظرفیت گرمایی (C):** حاصل ضرب جرم در گرمای ویژه یک جسم را ظرفیت گرمایی آن جسم می‌نامند. به عبارت دیگر، ظرفیت گرمایی هر جسم، مقدار گرمایی است که باید به آن جسم داده شود تا دمای آن یک درجه سلسیوس (یا یک کلوین) افزایش یابد. یکای C ، $\frac{J}{K}$ یا $\frac{J}{^\circ C}$ است.

$$A = mc$$

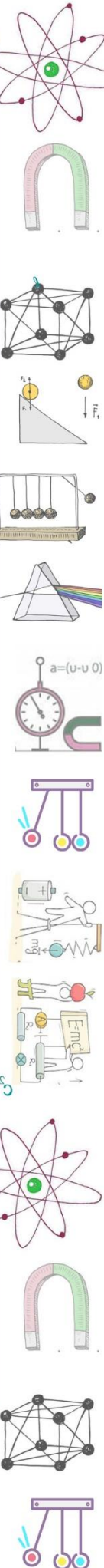
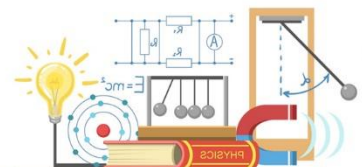
\uparrow
 ظرفیت گرمای ویژه → $A = mc$
 \downarrow
 ظرفیت گرمایی
 جرم kg
 A یا C

معرفی عدد آووگادرو: یک مول از هر ماده به معنای از اجزای سازنده آن ماده است که به آن عدد آووگادرو گفته می‌شود.

• تعداد مول‌های موجود در یک نمونه به جرم و جرم مولی (جرم یک مول از ماده) به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$n = \frac{m}{M}$$

گرمای ویژه مولی: مقدار گرمایی است که باید به یک مول از ماده‌ای بدهیم تا در شرایط فیزیکی معینی، دمای آن یک کلوین افزایش یابد.





قاعدهٔ دولن و پتی: گرمای ویژهٔ مولی برای بیش‌تر فلزها، (مواد بلورین در حجم ثابت) تقریباً با هم مساوی است.

طبق قاعدهٔ «دولن و پتی»، گرمای لازم برای بالا بردن دمای یک مول از هر کدام از این فلزها، مقدار یکسانی است و به جنس آن‌ها بستگی ندارد.

تست ۱۹

یک لوله‌ی مسی را بریده و جرم آن را نصف می‌کنیم. ظرفیت گرمایی و گرمای ویژه آن به ترتیب چند برابر می‌شوند؟ (فارج تیربی ۹۶)

- (۱) $1, \frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{2}, \frac{1}{2}$ (۳) $1, \frac{1}{2}$ (۴) $1, 1$

تست ۲۰

ظرفیت گرمایی فلزی در SI برابر ۲۱۰۰ است. اگر یک کیلوگرم از جرم این فلز کم شود، ظرفیت گرمایی آن ۲۰ درصد کاهش می‌یابد. گرمای ویژهٔ فلز در SI چقدر است؟ (کنکور سراسری ریاضی و فیزیک فارج از کشور ۱۴۰۱)

- (۱) ۲۱۰ (۲) ۲۷۰ (۳) ۴۲۰ (۴) ۸۴۰

تست ۲۱

یک نیروگاه هسته‌ای روزانه 10^5 m^3 آب از رودخانه می‌گیرد و ۲۱۰۰ گیگاژول از گرمای اتلافی خود را به این آب می‌دهد. اگر دمای آب ورودی 25°C باشد دمای آب خروجی چند درجه‌ی سلسیوس است؟

($c = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$ و $\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ آب)

- (۱) ۵۰ (۲) $25/5$ (۳) ۳۰ (۴) ۷۵

دما و گرمی



تست ۲۲

گرمای Q دمای ۳ گرم از ماده‌ی A را ۵ درجه سلسیوس و دمای ۲ گرم از ماده‌ی B را ۳ درجه‌ی سلسیوس بالا می‌برد. گرمای ویژه‌ی A چند برابر گرمای ویژه‌ی ماده‌ی B است؟ (تیربی ۹۴)

- (۱) ۰ / ۴
- (۲) ۰ / ۵
- (۳) ۱ / ۵
- (۴) ۲ / ۵

تست ۲۳

حجم جسم A، دو برابر حجم جسم B و چگالی آن ۸ / ۰ چگالی جسم B است. اگر گرمای ویژه‌ی A نصف گرمای ویژه‌ی B باشد و به هر یک به یک اندازه گرما بدهیم. افزایش دمای جسم A، چند برابر افزایش دمای جسم B می‌شود؟ (تیربی ۹۶)

- (۱) ۵ / ۴
- (۲) ۴ / ۵
- (۳) ۳ / ۲
- (۴) ۲ / ۳

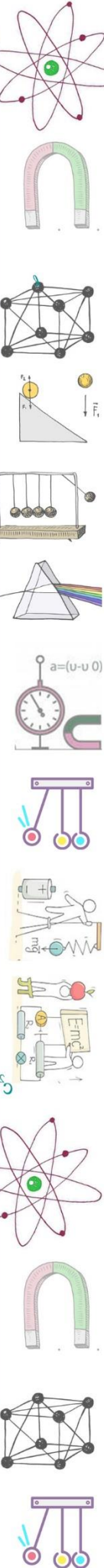
بررسی تعادل گرمایی بدون تغییر حالت



تعریف تعادل گرمایی: هرگاه دو جسم با دو دمای متفاوت، در تماس کامل با یکدیگر قرار گیرند، مبادله گرما بین آنها تا زمانی ادامه می‌یابد که دمای دو جسم یکسان شود. در این حالت می‌گوییم دو جسم با هم در تعادل گرمایی‌اند و دمای مشترک آنها را دمای تعادل می‌نامیم.

محاسبه دمای تعادل: اگر دو یا چند جسم با دماهای مختلف در تماس کامل با یکدیگر قرار گیرند، پس از مدتی به دمای تعادل می‌رسند. برای رسیدن به تعادل گرمایی، بعضی اجسام گرما از دست می‌دهند ($Q < 0$) و بقیه اجسام گرما می‌گیرند ($Q > 0$) برای محاسبه دمای تعادل، براساس قانون پایستگی انرژی، باید جمع جبری گرماهای مبادله شده بین اجسام صفر باشد. یعنی:

$$\sum Q = 0 \rightarrow Q_1 + Q_2 + Q_3 + \dots = 0$$





در صورتی که اجسام در حین تبادل گرما تغییر حالت ندهند، رابطه فوق به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$m_1 c_1 \Delta\theta_1 + m_2 c_2 \Delta\theta_2 + m_3 c_3 \Delta\theta_3 + \dots = 0$$

که در آن $\Delta\theta$ برابر است با دمای تعادل نهایی (θ_e) منهای دمای اولیه جسم. در این صورت، اگر رابطه فوق را ساده کنیم، می‌توان گفت که هرگاه چند جسم متفاوت با گرماهای ویژه c_3, c_2, c_1 و ... به جرم‌های m_3, m_2, m_1 و ... با دماهای اولیه $\theta_3, \theta_2, \theta_1$ و ... در تماس کامل با یکدیگر قرار گیرند و بدون تغییر حالت به دمای تعادل برسند، دمای تعادل (θ_e) آن‌ها برابر است با: (در این رابطه، اتلاف انرژی ناچیز فرض شده است).

$$\theta_e = \frac{m_1 c_1 \theta_1 + m_2 c_2 \theta_2 + m_3 c_3 \theta_3 + \dots}{m_1 c_1 + m_2 c_2 + m_3 c_3}$$

در صورتی که تمامی اجسام هم‌جنس باشند ($c_1 = c_2 = c_3 = \dots$) رابطه فوق به صورت زیر ساده می‌گردد:

$$\theta_e = \frac{m_1 \theta_1 + m_2 \theta_2 + m_3 \theta_3 + \dots}{m_1 + m_2 + m_3 + \dots}$$

تست ۲۴

گرمای ویژه آلومینیوم بیش از ۲ برابر گرمای ویژه مس است. اگر ۱Kg آلومینیوم $20^\circ C$ و ۱Kg مس

$20^\circ C$ را با هم داخل مقداری آب $10^\circ C$ بیندازیم، پس از برقراری تعادل: (فارج ریاضی ۹۱)

- (۱) افزایش دمای آلومینیوم و مس یکسان است.
- (۲) تغییر دمای مس بیش‌تر از آلومینیوم است.
- (۳) گرمایی که مس و آلومینیوم می‌گیرند یکسان است.
- (۴) گرمایی که مس می‌گیرد بیش‌تر از گرمایی است که آلومینیوم می‌گیرد.

تست ۲۵

۲۰۰ گرم آب $22/5^\circ C$ را با ۱۵۰ گرم آب $40^\circ C$ مخلوط می‌کنیم. پس از برقراری تعادل گرمایی دمای آب

به چند درجه سلسیوس می‌رسد؟ (تهری ۹۲)

- | | | | |
|------------|----------|----------|------------|
| (۱) $27/5$ | (۲) 30 | (۳) 32 | (۴) $32/5$ |
|------------|----------|----------|------------|



یک قطعه آلومینیومی به جرم m و دمای 94°C را درون $4/5\text{kg}$ آب 5°C می اندازیم. اگر پس از برقراری

تبادل گرمایی، دمای آب به 52°C برسد، چند کیلوگرم است؟ $(C_{\text{Al}} = 900 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^{\circ}\text{C}}, C_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^{\circ}\text{C}})$

(کنکور سراسری علوم تجربی فارغ از کشور ۱۴۰۱)

- ۱) ۲/۵
- ۲) ۲
- ۳) ۱/۵
- ۴) ۱



• **مفهوم تغییر حالت:** مواد پیرامون ما در سه حالت (فاز) جامد، مایع و گاز یافت می شوند. گذار از یک حالت (فاز) به حالت (فاز) دیگر را یک تغییر حالت (گذار فاز) می نامند. تغییر حالت ها معمولاً با گرفتن یا از دست دادن گرما همراه اند. انواع مختلف تغییر حالت ها عبارتند از: ذوب (تبدیل جامد به مایع)، انجماد (تبدیل مایع به جامد)، تبخیر (تبدیل مایع به بخار)، میعان یا چگالش بخار به مایع (تبدیل بخار به مایع)، تصعید (تبدیل مستقیم جامد به بخار) و چگالش بخار به جامد (تبدیل مستقیم بخار به جامد).

• **ذوب:** عمل ذوب، فرایند گرماگیر است. گرمای لازم برای ذوب جسم جامدی به جرم m و گرمای نهان ذوب L_F از رابطه زیر به دست می آید:

$$Q = mL_F$$

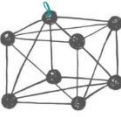
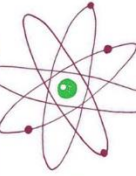
• **گرمای نهان ویژه ذوب (گرمای نهان ذوب):** به نسبت گرمای لازم برای تغییر حالت جسم از جامد به مایع به جرم جسم، گرمای ذوب می گویند و آن را با L_F نشان می دهند. گرمای نهان ذوب به جنس جسم بستگی دارد و یکای آن در SI، ژول بر کیلوگرم $(\frac{\text{J}}{\text{Kg}})$ است.

نکته:

۱- دمای ذوب (نقطه ذوب یا دمای گذار جامد به مایع) به دمایی گفته می شود که در آن گرمای داده شده به جسم صرف افزایش دما نمی شود، بلکه صرف ذوب شدن جسم و تبدیل آن به مایع می گردد. این دمای ثابت، به جنس جسم و فشار وارد بر آن بستگی دارد.

۲- اگر به جامدی خالص و بلورین گرما دهیم، با رسیدن به دمای ذوب، جسم شروع به ذوب شدن کرده و به مایع تبدیل می شود. معمولاً حجم جامدهای بلوری هنگام ذوب شدن افزایش می یابد. در مقابل، جامدهای بی شکل پیش از ذوب شدن، خمیری شکل می شوند. این مواد نقطه ذوب کاملاً مشخصی ندارند و در گستره ای از دما به تدریج ذوب می شوند.

۳- معمولاً افزایش فشار وارد بر جسم سبب بالا رفتن نقطه ذوب جسم می شود. در برخی اجسام مانند یخ، افزایش فشار به کاهش نقطه ذوب می انجامد.





◀ **انجماد:** عمل انجماد، فرایندی گرماده است. در فشار یکسان، دمای انجماد هر ماده با دمای ذوب آن برابر است. هر جسم به هنگام انجماد، همان قدر گرما از دست می‌دهد که هنگام ذوب می‌گیرد. لذا برای محاسبه گرما به هنگام انجماد مایعی به جرم m داریم:

$$Q = -mL_F$$

توجه: وجود ناخالصی موجب می‌شود که مایع نقطه انجماد مشخصی نداشته باشد و انجماد در گستره‌ای از دماها رخ دهد. مثلاً هنگام انجماد آب نمک، اولین بلورها در دمای کم‌تر از 0°C تشکیل می‌شود و انجماد کامل در دماهای کم‌تر، تا -18°C روی می‌دهد.

◀ **تبخیر سطحی:** مایعات در هر دمایی تبخیر می‌شوند. در واقع بعضی از مولکول‌های مایع که سرعتشان به اندازه کافی زیاد می‌شود، از سطح مایع فرار می‌کنند که به این فرایند تبخیر سطحی می‌گویند. تجربه نشان می‌دهد که آهنگ تبخیر سطحی به عامل‌های مختلفی از جمله دمای مایع، مساحت سطح مایع، فشار وارد بر سطح آن، جریان هوا، رطوبت هوا و میزان ناخالصی ماده بستگی دارد.

◀ **تبخیر:** عمل تبخیر، فرایندی گرماگیر است. گرمای لازم برای تبخیر مایعی به جرم m و گرمای تبخیر L_V از رابطه زیر به دست می‌آید:

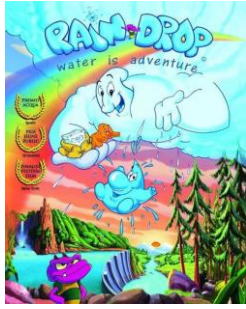
$$Q = mL_V$$

◀ **گرمای نهان ویژه تبخیر (گرمای نهان تبخیر):** به نسبت گرمای لازم برای تبخیر هر مایع به جرم مایع بخار شده، گرمای نهان تبخیر می‌گویند و آن را با L_V نشان می‌دهند. گرمای نهان تبخیر هر مایع به جنس و دمای آن بستگی دارد و یکای آن در SI، ژول بر کیلوگرم $(\frac{\text{J}}{\text{Kg}})$ است.

نکته:

- ۱- هنگام گرم کردن یک مایع، دمایش بالا می‌رود تا این‌که در دمای خاصی حباب‌های گاز درون مایع شکل می‌گیرند، سپس به سطح مایع می‌آیند و از آن خارج می‌شوند. به این پدیده، جوشیدن مایع و به این دمای خاص، دمای جوش یا نقطه جوش می‌گوییم. آهنگ تبخیر هر مایع در نقطه جوش آن به بیش‌ترین مقدار خود می‌رسد. نقطه جوش هر مایع، به جنس مایع و فشار وارد بر آن بستگی دارد.
- ۲- گرمای نهان تبخیر آب با افزایش دمای آن کاهش می‌یابد.
- ۳- افزایش فشار وارد بر مایع سبب بالا رفتن نقطه جوش آن می‌شود.

دما و گرمای



◀ **میعان (چگالش بخار به مایع):** عمل میعان، فرایندی گرماده است. میعان نیز مانند تبخیر، در هر دمایی رخ می‌دهد. گرمایی که بخار هنگام تبدیل شدن به مایع از دست می‌دهد، برابر گرمایی است که مایع هنگام تبخیر می‌گیرد. در نتیجه، گرمای مربوط به میعان مقداری بخار به جرم m و گرمای تبخیر L_V از رابطهٔ روبه‌رو به دست می‌آید:

$$Q = -mL_V$$

جمع‌بندی: مرحله‌های طرح‌وار تبدیل m گرم یخ $-θ^{\circ}C$ به m گرم بخار آب $θ'^{\circ}C$ به صورت زیر است:
(c_i گرمای ویژهٔ یخ، c_w گرمای ویژهٔ آب خالص، c_v گرمای ویژهٔ بخار آب در فشار یک اتمسفر است.)

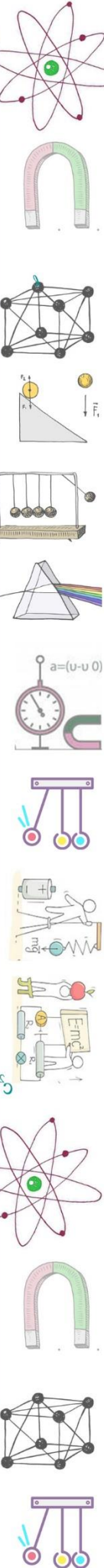
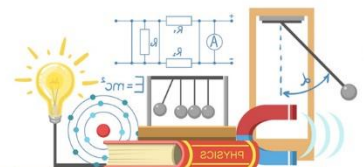
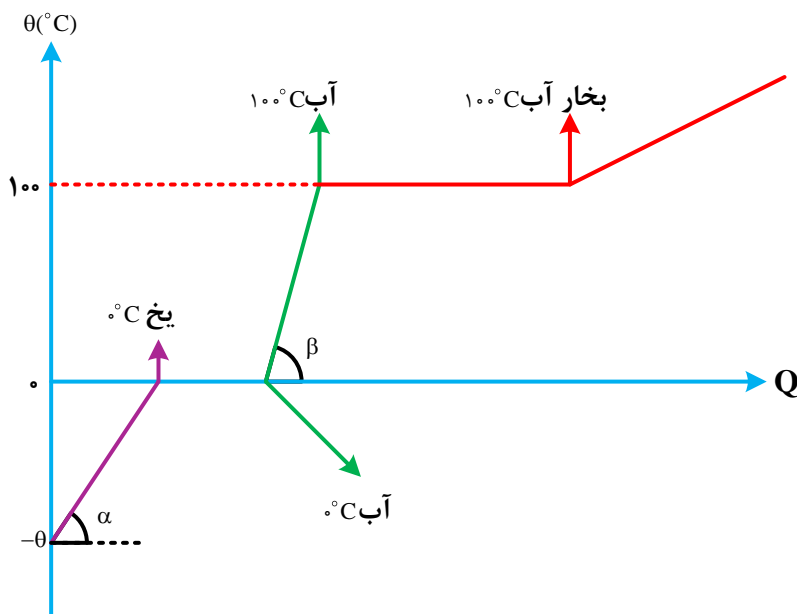
$$\text{آب } 100^{\circ}C \xrightarrow[\Delta\theta=100-0]{Q=mc_w\Delta\theta} \text{آب } 0^{\circ}C \xrightarrow[\Delta\theta=0-(-\theta)]{Q=mc_i\Delta\theta} \text{یخ } -\theta^{\circ}C$$

$$\text{بخار آب } \theta'^{\circ}C \xrightarrow{Q=mc_v\theta'} \text{بخار آب } 100^{\circ}C \xrightarrow{Q=mL_V}$$

نمودار دمای آب برحسب گرمای داده شده به آن ($Q - \theta$) در فشار یک اتمسفر در زیر رسم شده است.

$$\left(\alpha = \frac{1}{mc_i} \text{ شیب خط } \alpha, \beta = \frac{1}{mc_w} \text{ شیب خط } \beta \right)$$

◀ **تبدیل انرژی‌های دیگر به انرژی گرمایی:** در تبدیل انرژی‌های جنبشی، پتانسیل و ... به انرژی گرمایی، همواره رابطهٔ بین گرمای Q و انرژی موردنظر را می‌نویسیم. هم‌چنین اگر توان گرمایی یک گرمکن ثابت باشد، انرژی گرمایی به صورت $Q = P.t$ حاسبه می‌شود.





تست ۲۷

مساحت دریاچه‌ای 50 km^2 است. در زمستان لایه‌ای از یخ صفر درجه‌ی سلسیوس به ضخامت متوسط 10 cm سطح دریاچه را می‌پوشاند. دریاچه در بهار چند مگاژول انرژی برای ذوب یخ جذب می‌کند؟

$(\rho = 0.9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$ و یخ $(L_F = 336 \frac{\text{Kj}}{\text{Kg}})$ (تقریبی ۹۳)

- (۱) $1/512 \times 10^7$ (۲) $1/512 \times 10^{10}$ (۳) $1/512 \times 10^{13}$ (۴) $1/512 \times 10^{16}$

تست ۲۸

اگر گرمای ویژه آب و یخ به ترتیب $4200 \frac{\text{J}}{\text{Kg.k}}$ و $2100 \frac{\text{J}}{\text{Kg.k}}$ و هم‌چنین $L_F = 335000 \frac{\text{J}}{\text{Kg}}$ باشد

چند کیلو ژول لازم است تا 200 g یخ -5°C درجه‌ی سلسیوس به آب 5°C تبدیل شود؟ (تقریبی ۹۵)

- (۱) $11/32$ (۲) $111/1$ (۳) $113/2$ (۴) 111100

تست ۲۹

20°C گرم یخ در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس (نقطه‌ی ذوب) قرار دارد. چند ژول گرما لازم است تا آن را

ذوب کرده و دمای آب حاصل را به 50°C درجه‌ی فارنهایت برساند؟ $(c_{\text{آب}} = 4/2 \frac{\text{J}}{\text{g}^\circ \text{C}}, L_F = 336 \frac{\text{J}}{\text{g}})$

(کنکور سراسری ریاضی و فیزیک دافل ۱۴۰۰)

- (۱) 10920 (۲) 9050 (۳) 8190 (۴) 7560

دما و گرما



تست ۳۰

به مقداری یخ صفر درجه سلسیوس در فشار ۱atm، گرما می دهیم و آن را به آب با دمای ۲۰ درجه سلسیوس تبدیل می کنیم. چند درصد گرمای داده شده، صرف ذوب کردن یخ شده است؟

(کنکور سراسری علوم تجربی دافل ۱۴۰۰) $(c = 4200 \frac{J}{kg.k}, L_f = 336 \frac{kJ}{kg})$

- ۹۰ (۱) ۸۰ (۲) ۸۵ (۳) ۷۵ (۴)

تست ۳۱

۸۰۰ گرم یخ صفر درجه سلسیوس را با ۸۰۰ گرم آب ۶۰ درجه سلسیوس مخلوط می کنیم اگر فقط بین یخ و آب تعادل گرما صورت گیرد و $c = 4200 \frac{J}{Kg.k}$ و $L_F = 336000 \frac{J}{Kg}$ باشد تا برقراری تعادل چند

Kg آب صفر درجه ی سلسیوس ایجاد می شود؟ (فارج تجربی ۹۱)

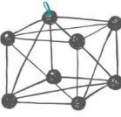
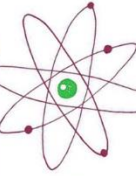
- ۰/۲ (۱) ۰/۶ (۲) ۱/۲ (۳) ۱/۴ (۴)

تست ۳۲

یک قطعه یخ با دمای -۲۰C را درون ۲۵۰ گرم آب با دمای ۲۰ درجه ی سلسیوس می اندازیم اگر بعد از برقراری تعادل گرمایی، ۵۰ گرم یخ ذوب نشده باقی مانده باشد، جرم قطعه یخ اولیه چند گرم بوده است؟

$C = 4/2 \frac{J}{g.k}$ آب و $C = 2/1 \frac{J}{g.k}$ یخ و $L_F = 336 \frac{J}{g}$ و تبادل گرما فقط بین آب و یخ بوده است.

- ۵۰ (۱) ۱۰۰ (۲) ۲۵۰ (۳) ۳۰۰ (۴)





تست ۳۳

در ظرف که عایق گرما است یک قطعه یخ صفر درجه ی سلسیوس وجود دارد. اگر ۸۰۰ گرم آب ۵۰ درجه سلسیوس در ظرف بریزیم، پس از برقراری تعادل گرمایی، ۱۰۰ گرم یخ در ظرف باقی می ماند. جرم اولیه یخ چند گرم بوده است؟ (فقط بین آب و یخ تعادل گرما صورت می گیرد. (ریاضی ۹۵)

$$(L_F = 336000 \frac{J}{Kg} \text{ و } c = 4200 \frac{J}{Kg.k} \text{ آب})$$

- ۳۰۰ (۱) ۴۰۰ (۲) ۵۰۰ (۳) ۶۰۰ (۴)

تست ۳۴

درون ظرفی ۴۰۰gT مخلوط آب و یخ در دمای صفر درجه ی سلسیوس در حالت تعادل قرار دارد. اگر فلزی به جرم ۲۰۰gT در دمای ۱۰۵C° را داخل آب بیندازیم بعد از برقراری تعادل دمای آب به ۵C° می رسد، جرم یخ چند گرم بوده است؟ (L_F = 336 \frac{Kj}{Kg} و c = 840 \frac{J}{Kg.c} فلز و c = 4200 \frac{J}{Kg.k} آب) (تقریبی ۹۴)

$$(L_F = 336 \frac{Kj}{Kg} \text{ و } c = 840 \frac{J}{Kg.c} \text{ فلز و } c = 4200 \frac{J}{Kg.k} \text{ آب})$$

- ۲/۵ (۱) ۵ (۲) ۲۵ (۳) ۵۰ (۴)

تست ۳۵

قطعه یخی به جرم m و دمای صفر درجه ی سلسیوس را، درون همان جرم آب ۹۰ درجه ی سلسیوس می اندازیم اگر از اتلاف گرما صرف نظر کنیم دمای تعادل چند درجه ی سلسیوس خواهد شد؟ (تقریبی ۹۰)

$$(L_F = 80 \times 4200 \frac{J}{Kg} \text{ و } c = 4200 \frac{J}{Kg.k} \text{ آب})$$

- صفر (۱) ۲/۵ (۲) ۵ (۳) ۱۰ (۴)

دما و گرما



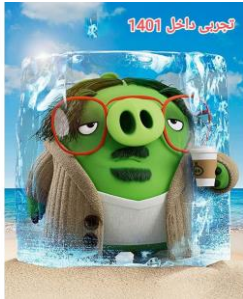
تست ۳۶

یک کیلوگرم یخ 10°C - را در فشار یک اتمسفر درون مقداری آب 20°C می‌اندازیم. اگر پس از برقراری تعادل گرمایی، دمای آب به 5°C برسد، جرم آب چند کیلوگرم است؟

$$(L_F = 336000 \frac{J}{kg}, C_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^{\circ}C})$$

۲ (۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۶ (۴)

دما و گرما

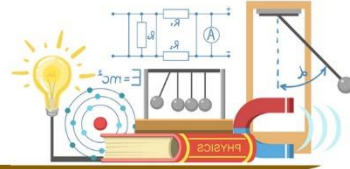
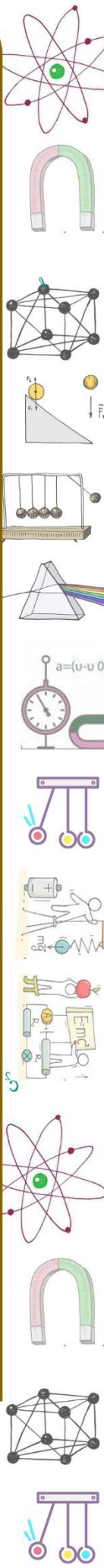


روش‌های انتقال گرما

- **مفاهیم انتقال گرما:** اختلاف دما باعث شارش گرما از جسم با دمای بالاتر به جسم با دمای پایین‌تر می‌شود. این شارش گرما به سه صورت متفاوت انجام می‌شود که عبارتند از رسانش گرمایی، همرفت و تابش گرمایی. در هر فرایند انتقال گرما، ممکن است هر سه این ساز و کارها دخالت داشته باشند. انتقال گرما تا زمان رسیدن دو جسم به یک دمای مشترک و برقراری تعادل گرمایی ادامه می‌یابد.
- **رسانش گرمایی**

در این روش انتقال گرما، ارتعاش اتم‌ها و الکترون‌های آزاد در ناحیه گرم شده جسم موجب انتقال بخشی از انرژی آن‌ها به اتم‌ها و الکترون‌های مجاورشان می‌شود. در حقیقت در این روش مولکول‌های جسم منتقل نشده و فقط در مکان خود نوسان می‌کنند. به همین دلیل رسانش گرما در یک جسم به پیوندهای ساختار اتمی یا مولکولی آن جسم بستگی دارد.

- ۱- انتقال گرما به روش رسانش، به محیط مادی نیاز دارد.
- ۲- به دلیل فاصله کم‌تر اتم‌ها و مولکول‌ها در جامدات نسبت به مایعات و گازها، روش رسانش برای انتقال گرما در جامدات مؤثرتر است.
- ۳- در رساناهای فلزی سهم الکترون‌های آزاد در رسانش گرمایی بیش‌تر از اتم‌هاست. ترتیب رسانایی گرمایی فلزات (به ترتیب از زیاد به کم) بدین صورت است: نقره، مس، آلومینیم، برنج و آهن.
- ۴- آب و هوا رساناهای خوبی برای گرما نیستند.





همرفت

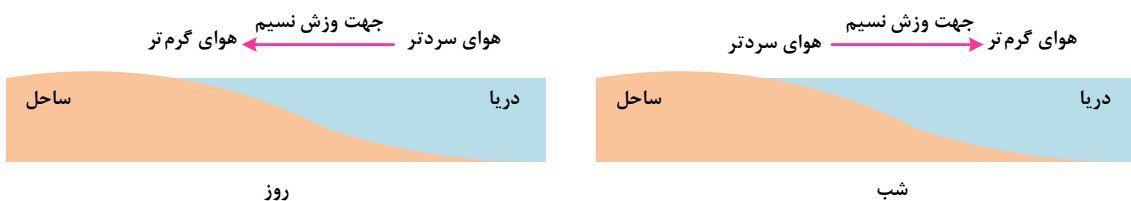


انتقال گرما در همهٔ شاره‌ها (مایعات و گازها) که معمولاً رساناهای گرمایی خوبی نیستند، به روش همرفت انجام می‌گیرد. در همرفت، برخلاف رسانش گرمایی، انتقال گرما با انتقال تکه‌هایی از خود ماده صورت می‌گیرد و مولکول‌ها مسافت‌هایی طولانی را طی می‌کنند تا انرژی منتقل شود. دو نوع پدیدهٔ همرفت عبارتند از:

الف) همرفت طبیعی: وقتی شاره‌ای (چه مایع و چه گاز) از زیر در تماس با منبعی گرم‌تر از خود قرار می‌گیرد، مولکول‌های زیرین شاره حرکت می‌کنند و بیش‌تر از هم دور می‌شوند. چگالی این قسمت از شاره کاهش می‌یابد و به بالا رانده می‌شود. شارهٔ خنک‌تر و چگال‌تر پایین آمده و جای شارهٔ گرم شده را می‌گیرد و به این ترتیب جریان‌های همرفتی به وجود می‌آیند. این پدیده همرفت طبیعی نام دارد و مثال‌هایی از آن عبارتند از: گرم شدن هوای داخل اتاق به وسیلهٔ بخاری، گرم شدن آب درون قابلمه، جریان‌های باد ساحلی، انتقال گرما از کورهٔ هسته‌ای واقع در مرکز خورشید به سطح آن و ...

ب) همرفت واداشته: در این نوع همرفت، شاره به کمک تلمبه (طبیعی یا مصنوعی) به چرخش واداشته می‌شود تا با این چرخش انتقال گرما صورت پذیرد. مثال‌هایی از این نوع همرفت عبارتند از: دستگاه گردش خون در بدن جانوران خون‌گرم، سیستم گرم‌کنندهٔ مرکزی در ساختمان‌ها، سیستم خنک‌کنندهٔ موتور اتومبیل و ...

نسیم‌های ساحلی: در ساحل اغلب بین خشکی و دریا اختلاف دما وجود دارد. تغییر دمای آب دریا به دلیل گرمای ویژهٔ بالای آب، بین شب و روز اندک است، اما دمای خشکی در روز بیش‌تر از دمای دریاست و در شب کم‌تر از آن می‌شود. در روز که دمای خاک زیاد است، دمای هوای اطراف خاک را بیش‌تر می‌کند، هوا بالا می‌رود و جریان هوا از دریا به ساحل است. در شب، هوای اطراف دریا که دمای بیش‌تری دارد، بالا می‌رود و هوای سردتر از خشکی جای آن را می‌گیرد و به این ترتیب، جریان هوا از ساحل به طرف دریاست.



بیشتر بدانید

وارونگی هوا: در شب‌های آرام و بدون ابر زمستان، لایه هوایی بسیار سرد و چگال بین سطح زمین و لایه هوای گرم بالاتر قرار گرفته و مانع از چرخش هوا بر اثر پدیدهٔ همرفت می‌شود. در این وضعیت که پیامد توقف همرفت طبیعی در جو زمین است، گرد و غبار و گازهای آلایندهٔ شهری واقع در لایهٔ هوای سرد مجاور زمین در این لایه حبس می‌شوند. در این پدیده، الگوی تغییرات دما در یک روز طبیعی به هم می‌خورد، به همین دلیل آن را وارونگی دما نیز می‌نامند. دو راه برای پایان این پدیده عبارتند از:

- ۱- جابه‌جایی لایه‌های هوای سرد و گرم بر اثر وزیدن باد.
- ۲- آغاز دوبارهٔ همرفت طبیعی در جو زمین با افزایش دمای قابل توجه لایهٔ سرد مجاور زمین.

دما و گرما



توجه: در روش همرفت، برای انتقال گرما به محیط مادی نیاز داریم، لذا در خلأ انتقال گرما با این روش صورت نمی‌گیرد.

۳- تابش گرمایی: هر جسم می‌تواند از خود تابش الکترومغناطیسی گسیل کند که آن را تابش گرمایی می‌نامیم. در نتیجه همه جسم‌ها تابش جسم‌های دیگر را که در اطراف آن‌ها قرار دارند، دریافت می‌کنند و با جذب کردن آن‌ها گرم می‌شوند.

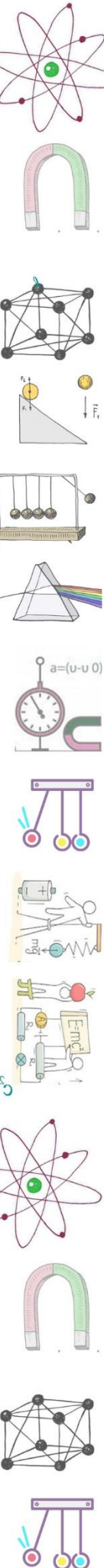
نکته:

- ۱- شدت و بسامد تابش الکترومغناطیسی (تابش گرمایی) به این عوامل بستگی دارد: دمای جسم، مساحت، میزان صیقلی بودن و رنگ سطح آن جسم. سطوح صاف و درخشان با رنگ‌های روشن تابش گرمایی کم‌تری دارند و تابش گرمایی سطوح تیره، ناصاف و مات بیش‌تر است.
- ۲- در دماهای متداول، اجسام معمولاً تابش فروسرخ دارند.
- ۳- این نوع انتقال گرما به محیط مادی نیاز ندارد و با سرعت نور در خلأ منتشر می‌شود. به همین دلیل تنها روش انتقال گرما از خورشید به زمین، تابش گرمایی است.
- ۴- برای آن‌که نشان دهیم تابش گرمایی از سطح هر جسم به رنگ سطح آن بستگی دارد، از آزمایش مکعب لسلی استفاده می‌نماییم. اگر درون این مکعب آب داغ بریزیم، تابش گرمایی از ϵ وجه جانبی مکعب (که رنگ‌های متفاوتی دارند) با هم فرق دارد.
- ۵- تفسنج‌های تابشی یکی از وسایل اندازه‌گیری دما برای اجسام داغ هستند که اساس کار آن‌ها بر تابش گرمایی گسیل شده از سطح اجسام بنا شده است.

● **اثر گلخانه‌ای:** به دام افتادن تابش گرمایی بین لایه‌های پوش سپهر و سطح زمین، اثر گلخانه‌ای نام دارد. یه گازهای موجود در لایه پوش سپهر که سبب این پدیده می‌شوند (مانند CO_2 ، بخار آب و CH_4 که مولکول‌های جذب کننده بسیار خوبی برای امواج فروسرخ هستند)، گازهای گلخانه‌ای می‌گویند. با افزایش غلظت گازهای گلخانه‌ای در پوش سپهر، اثر گلخانه‌ای تشدید شده و دمای زمین افزایش می‌یابد.

نکته:

لایه پوش سپهر که نام دیگر آن استراتوسفر است، در فاصله ۱۰ تا ۱۸ کیلومتری از سطح زمین قرار دارد. اگر این لایه وجود نداشت، دمای میانگین سطح زمین در حدود $-18^\circ C$ می‌شد، ولی اینکه این دما در حدود است، به عبارت دیگر، اثر گلخانه‌ای حدود $32^\circ C$ به دمای میانگین سطح زمین افزوده است.





• دو مثال از کاربردهای تابش گرمایی در پدیده‌های زیستی



۱- شکار تابش فرسرخ: نوعی از مارهای زنگی، دارای گیرنده‌های تابش فرسرخ در حفره‌های روی پوزه خود هستند که به کمک آن‌ها می‌توانند طعمه‌های خود را در تاریکی شب ببینند و شکار کنند.

۲- کلم اسکانک: این کلم‌ها می‌توانند برف‌های اطراف خود را در زمستان ذوب کنند، این پناه توانایی آن را دارد که دمایش را به بالاتر از دمای محیط برساند و این انرژی افزوده با تابش فرسرخ و آب شدن برف‌های اطرافش، از دست می‌رود.

قوانین گازها

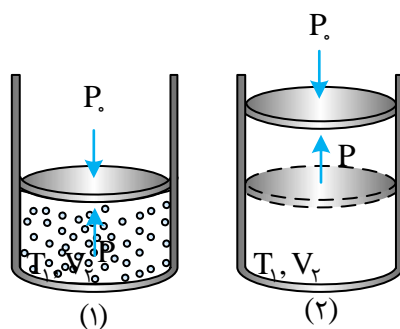


• بررسی گاز در فشار ثابت، حجم ثابت

بررسی کلی رفتار گازها

همان‌طور که می‌دانیم حجم مقدار معینی گاز مثلاً یک کیلوگرم هلیوم ثابت نیست و از ظرف دیگر تغییر می‌کند (حجم گاز همواره حجم ظرفی است که درون آن قرار دارد). ویژگی‌های گاز از جمله تراکم‌پذیری آن موجود بروز رفتارهای جالبی بر اثر تغییر دما یا فشار یا حجم آن می‌شود. با یک آزمایش تغییر حجم گاز را برحسب تغییر دما در فشار ثابت بررسی می‌کنیم.

• آزمایش ساده: مطابق شکل (۱) مقداری گاز درون یک استوانه با یک پیستون که آزادانه می‌تواند به بالا رانده می‌شود و در واقع حجم گاز (حجم استوانه در حالت جدید) افزایش می‌یابد. (شکل ۲) در این فرایند فشار ثابت است (چون در هر دو حالت، پیستون آزاد، از بیرون تحت فشار ثابت هواست و مجموعه در حال تعادل است) نتیجه این‌که در فشار ثابت با افزایش دمای گاز، حجم گاز افزایش می‌یابد.



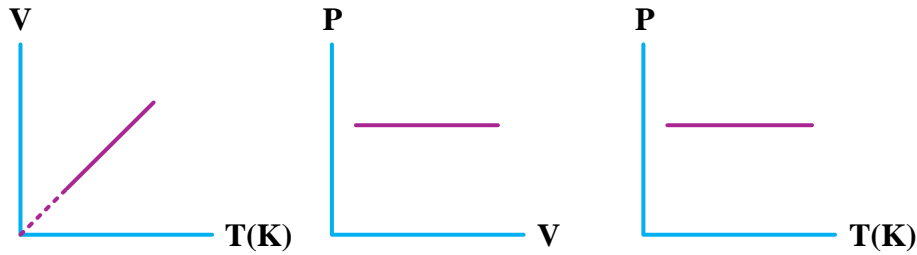
• بررسی گاز در فشار ثابت: در فشار ثابت، حجم مقدار معینی گاز کامل با دمای مطلق آن نسبت مستقیم دارد. این رابطه را در حدود ۲۰۰ سال پیش ژاک شارل و ژوزف گیلوساک به‌طور مستقل از یکدیگر به‌دست آوردند که به قانون شارل - گیلوساک معروف است.

$$\Rightarrow \frac{V}{T} = \text{ثابت} \rightarrow \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} = \dots$$

به‌عبارتی در فشار ثابت اگر T ، n برابر شود، V نیز n برابر خواهد شد.

نمودارهای فرایند هم‌فشار به شکل زیر هستند. همان‌گونه که ملاحظه می‌شود، نمودار V برحسب T یک خط راست با شیب ثابت است که امتداد آن از مبدأ می‌گذرد.

دما و گرمی



نکته:

در استفاده از رابطه $\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$ به موارد زیر توجه کنید:

۱- یکای T الزاماً باید برحسب کلون باشد و یکای V در طرفین رابطه یکسان باشد. (الزامی ندارد یکای V در SI باشد.)

۲- در حل مسائل دقت کنید تغییر دما برحسب درجه سلسیوس و کلون یکسان است. $\Delta T(K) = \Delta \theta(^{\circ}C)$

۳- طبق قاعده ریاضی $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Leftrightarrow \frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d}$ ، اگر مقداری گاز از T_1 و V_1 به T_2 و V_2 تغییر کند، نسبت تغییرات یا درصد تغییرات هر کمیت در فشار ثابت، به صورت زیر قابل محاسبه است.

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{V_2 - V_1}{V_1} = \frac{T_2 - T_1}{T_1} \Rightarrow \frac{\Delta V}{V_1} = \frac{\Delta T}{T_1}$$

$$\text{درصد تغییر دما} = \frac{\Delta T}{T_1} \times 100 \text{ یا } (T_2 - T_1) \times 100 \text{ یا } \frac{\Delta V}{V_1} \times 100 \text{ درصد تغییر حجم}$$

• **بررسی گاز در حجم ثابت:** اگر با حرارت دادن دمای گاز درون یک کپسول در بسته را افزایش دهیم، جنبش مولکول‌ها و در نتیجه فشار گاز افزایش می‌یابد، و با ادامه افزایش دما ممکن است، آن قدر فشار گاز بالا رود که انفجار رخ دهد و یا برعکس اگر گاز درون کپسول را سرد کنیم، فشار گاز کاهش می‌یابد و اگر جداره ظرف ضعیف باشد، ممکن است در اثر فشار هوا له شود.

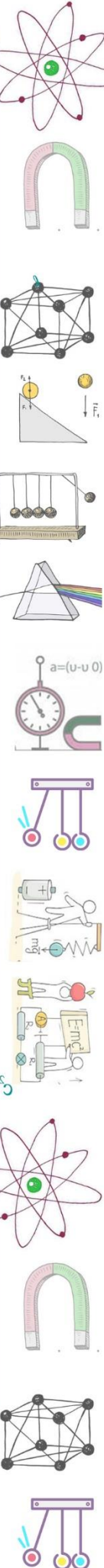
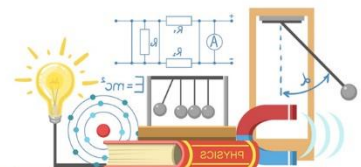
• **رابطه فشار برحسب دما در حجم ثابت**

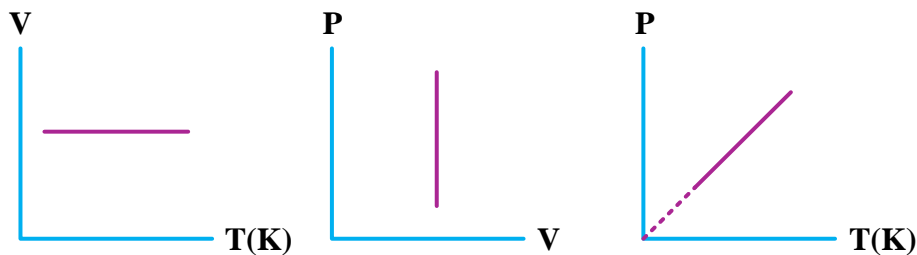
بررسی گاز در حجم ثابت: در حجم ثابت، فشار مقدار معینی گاز کامل با دمای مطلق آن نسبت مستقیم دارد.

$$\frac{P}{T} = \text{ثابت} \Rightarrow \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} = \dots$$

یعنی در حجم ثابت اگر دمای مطلق n برابر شود فشار نیز n برابر خواهد شد.

نمودارهای فرایند هم‌حجم به شکل زیر هستند. همان‌گونه که ملاحظه می‌شود، نمودار P برحسب T یک خط راست با شیب ثابت است که امتداد آن را از مبدأ می‌گذرد.





نکته:

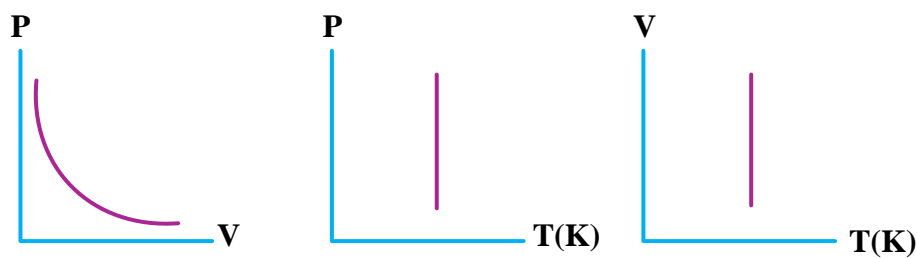
۱- در رابطه فوق T ، دمای مطلق گاز الزاماً برحسب کلوین است. اما کافی است یکای P در دو طرف یکسان باشد.
 ۲- نسبت و درصد تغییرات در حجم ثابت به صورت زیر قابل محاسبه است.
 درصد تغییر دما $= \frac{\Delta T}{T_1} \times 100$ یا $(\frac{T_2}{T_1} - 1) \times 100$ و درصد تغییر فشار $= \frac{\Delta P}{P_1} \times 100$ یا $(\frac{P_2}{P_1} - 1) \times 100$

بررسی گاز در دمای ثابت

بررسی گاز در دمای ثابت: در دمای ثابت، فشار مقدار معینی گاز کامل با حجم آن نسبت وارون دارد. این رابطه را در حدود ۳۵۰ سال پیش رابرت بویل انگلیسی و امه ماریوت فرانسوی به طور مستقل از یکدیگر به دست آوردند که به قانون بویل - ماریوت مشهور است.

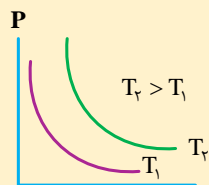
دما ثابت: $PV = \text{ثابت} \Rightarrow P_1V_1 = P_2V_2 = \dots$

نمودارهای فرایند هم‌دما به شکل زیر هستند. همان‌گونه که ملاحظه می‌شود، نمودار P برحسب V به شکل یک منحنی هموگرافیک می‌باشد.



نکته:

۱- در رابطه بالا الزاماً یکای کمیت‌های همسان در دو طرف یکسان است اما ضرورتی به در SI بودن آن‌ها نیست.
 ۲- در مقایسه نمودار دو گاز در فرایند هم‌دما $(P-V)$ ، نمودار $T_2 > T_1$ بالاتر دمای بیشتری دارد.



دما و گرمی



تست ۳۷



تست ۳۷: دمای ۳ گرم گاز هیدروژن را در فشار ثابت از ۲۷ درجه سلسیوس به ۸۷ درجه سلسیوس می‌رسانیم. حجم گاز در این فرآیند چند درصد افزایش می‌یابد؟ (فارج تهری ۹۴)

- ۱۵ (۱)
- ۲۰ (۲)
- ۲۵ (۳)
- ۳۰ (۴)

تست ۳۸



اگر در حجم ثابت، دمای مقدار معینی گاز کامل را از ۲۷°C به ۸۷°C برسانیم، فشار گاز چند درصد افزایش می‌یابد؟ (تهری دافل ۹۲)

- ۲۰ (۱)
- ۱۰ (۲)
- ۱۲ (۳)
- ۱۵ (۴)

تست ۳۹



در دمای ثابت، حجم گاز کاملی ۶۰ درصد تغییر می‌کند، در نتیجه فشار آن $15 \times 10^4 \text{ Pa}$ افزایش می‌یابد. فشار اولیه‌ی گاز چند پاسکال بوده است؟ (تهری ۹۵)

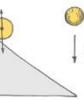
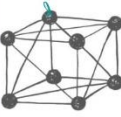
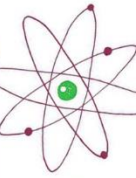
- ۱۰^۵ (۱)
- ۲ × ۱۰^۵ (۲)
- ۳ / ۷۵ × ۱۰^۴ (۳)
- ۹ × ۱۰^۴ (۴)

تست ۴۰



حجم حباب هوا در رسیدن از ته یک دریاچه تا سطح آب ۳ برابر می‌شود. اگر دمای آب ثابت فرض شود، عمق آب تقریباً چند متر است؟ (فشار هوا برابر ۱۰^۵ پاسکال، چگالی آب $1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ و $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ فرض شود). (فارج تهری ۱۷)

- ۱۵ (۱)
- ۲۰ (۲)
- ۲۵ (۳)
- ۳۰ (۴)





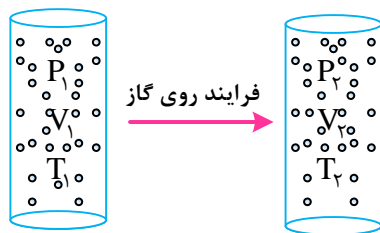
قانون گازهای آرمانی (کامل با جرم ثابت)



● گاز کامل (آرمانی): گازی را که به اندازه کافی رقیق و یا چگالی آن به حد کافی کم باشد، یعنی مولکول‌های گاز آن قدر از هم دور باشند که باهم برهم کنش نداشته باشند، گاز کامل (آرمانی) می‌نامند.

● قانون گاز کامل (آرمانی): از ترکیب دو فرایند گاز در فشار ثابت ($\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$) و دمای ثابت ($P_1V_1 = P_2V_2$)

که توسط دانشمندانی مانند بویل، ماریوت، شارل و گیلوساک محقق شد، این قانون به صورت زیر بیان می‌شود. اگر برای مقدار معینی گاز کامل جرم و یا تعداد مول‌های آن ثابت باشد، نسبت $\frac{PV}{T}$ مقداری ثابت است. یعنی اگر فشار، حجم و دمای مطلق یک گاز کامل از وضعیت (P_1, V_1, T_1) تحول یابد، آنگاه داریم:



$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} = \dots$$

نکته:

۱- در این رابطه اگر ثابت بگیریم، فرایند هم‌فشار ($\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$) و اگر V را ثابت در نظر بگیریم فرایند

هم‌حجم ($\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$) و اگر T را ثابت در نظر بگیریم، فرایند هم‌دما ($P_1V_1 = P_2V_2$) را خواهیم داشت.

۲- در این جا نیز همواره T دمای مطلق برحسب است اما یکای کمیت‌های همسان P و V در دو طرف باید یکسان باشد.

تست ۱

درون استوانه‌ای ۴ لیتر گاز کامل در دمای 27°C قرار دارد. فشارسنج، فشار گاز را 4atm نشان می‌دهد. اگر

دمای گاز را به 87°C و حجم آن را به ۸ لیتر برسانیم. فشارسنج فشار گاز را چند اتمسفر نشان می‌دهد؟

(فشار هوای بیرون 1atm است.) (فاج ریاضی ۹۶)

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

دما و گرمی



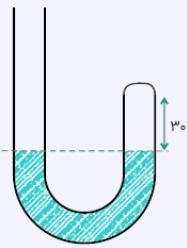
تست ۴۲

حجم گاز کاملی را نصف می‌کنیم و هم‌زمان دمای آن را از 27°C به 627°C می‌رسانیم، فشار گاز چند برابر می‌شود؟ (فارج تهری ۹۳)

- (۱) $\frac{2}{3}$
- (۲) $\frac{3}{2}$
- (۳) ۴
- (۴) ۶

تست ۴۳

در شکل زیر، در ابتدا ارتفاع جیوه در دو طرف لوله یکسان است و مقداری گاز کامل در طرف راست لوله محبوس است. اگر جیوه به شاخه‌ی سمت چپ افزوده شود، به طوری که اختلاف ارتفاع جیوه در دو طرف لوله به ۳۸ سانتی‌متر برسد، ارتفاع ستون گاز چند سانتی‌متر می‌شود؟ (فشار هوا 76 سانتی‌متر جیوه است و دما ثابت فرض شود). (تهربی دافل ۹۶)



- (۱) ۵
- (۲) ۱۰
- (۳) ۱۵
- (۴) ۲۰

قانون گازهای آرمانی (کامل) با در نظر گرفتن جرم گاز

● قانون آووگادرو: در دما و فشار یکسان، نسبت حجم گاز به تعداد مولکول آن (N) ثابت است.

$$\Rightarrow \frac{V}{N} = \text{ثابت} \Rightarrow \frac{N=n \times N_A}{n} \rightarrow \frac{V}{n} = \text{ثابت}$$

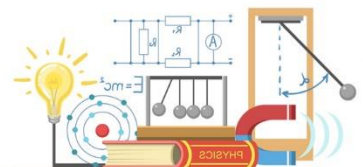
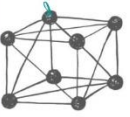
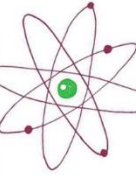
● در هر مول گاز به تعداد عدد آووگادرو ($N_A = 6.02 \times 10^{23}$) مولکول وجود دارد. گاز آرمانی: به گازهایی که به اندازه‌ی کافی رقیق و چگالی آن‌ها به حد کافی کم باشد، گاز آرمانی می‌گویند.

● قانون گازهای آرمانی (کامل): طبق این قانون سه کمیت مربوط به گاز کامل یعنی سه کمیت فشار (P) و

حجم (V) و دمای مطلق (T)، مستقل از هم نیستند و با رابطه‌ی زیر به هم وابسته‌اند: $PV = nRT$

که در آن: P فشار گاز برحسب (Pa) و V حجم گاز برحسب (m^3) و n تعداد مول‌های گاز و R ثابت

جهانی گازها: $R = 8.314 \frac{\text{J}}{\text{mol.k}}$ و T دمای مطلق گاز برحسب (K) است.





رابطه بین N و n و N_A : می‌دانیم در یک مول گاز تعداد $N_A = 6/02 \times 10^{23}$ (عدد آووگادرو) مولکول وجود دارد. بنابراین تعداد مولکول‌های گاز (N) در n مول گاز از تناسب ساده مقابل به دست می‌آید:

$$\frac{n}{N_A} = \frac{N}{N_A} \Rightarrow N = n \cdot N_A$$

مولکول‌های گاز (N) در n مول گاز از تناسب ساده مقابل به دست می‌آید.

رابطه m و M و n : اگر M جرم مولکولی گاز و m جرم معینی از گاز باشد. آن‌گاه $n = \frac{m}{M}$ خواهد بود.

نکته:

۱- هنگام محاسبه یکی از کمیت‌های موجود در رابطه $PV = nRT$ ، و استفاده از این رابطه، الزاماً کمیت‌ها باید در SI باشند.

۲- داریم: $1 \text{ m}^3 = 10^6 \text{ cm}^3$ و $1 \text{ L} = 10^3 \text{ cm}^3$ و $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$

۳- برای دو گاز مختلف (ناهم جنس) در دو وضعیت متفاوت می‌توانیم، با تقسیم دو رابطه مسائل را حل کنیم (R ثابت است).

$$PV = nRT = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{V_2}{V_1} = \frac{n_2}{n_1} \times \frac{T_2}{T_1}$$

۴- اگر دو گاز هم‌جنس باشند در این صورت جرم مولکولی آن‌ها (M) یکسان خواهد بود در این صورت با

توجه به رابطه $m = n \cdot M$ تساوی $\frac{n_2}{n_1} = \frac{m_2}{m_1}$ برقرار است و خواهیم داشت:

۵- برای گازها شرایط متعارفی تعریف می‌شود که دمای گاز صفر درجه سلسیوس (273 K) و فشار 1 atm است. در این حالت حجم یک مول گاز ($n = 1$) برابر $22/4 \text{ Lit}$ خواهد بود.

در برخی موارد می‌توانیم مسائل را به کمک این شرایط متعارفی حساب کنیم (مثلاً مسائلی که R داده نشده باشد) و در این صورت خواهیم داشت:

(شرایط متعارفی $(T_0 = 273 \text{ K}, P_0 = 1 \text{ atm}, V_0 = 22/4 \text{ Lit}, n_0 = 1)$)

$$\frac{PV}{P_0 V_0} = \frac{n}{n_0} \times \frac{T}{T_0}$$

دقت کنید همان‌طور که قبلاً ذکر شد در تساوی نسبت‌ها (در تمام حالات) کافی است یک‌های همسان، در دو طرف تساوی یکسان باشد و فقط T استثنا است که الزاماً باید برحسب کلین باشد.

● **مخلوط گازها در یک ظرف:** اگر در یک مخزن چه یک نوع گاز و چه مخلوطی از چند گاز وجود داشته باشد، در هر صورت قانون گازها صادق است. یعنی $PV = nRT$ ، بنابراین اگر دو (یا چند) گاز به جرم‌های m_1 و m_2 و جرم مولکول‌های M_1 و M_2 در یک مخزن به صورت مخلوط باشند ابتدا کل n را می‌یابیم سپس در قانون گازها قرار می‌دهیم:

$$n_{\text{کل}} = n_1 + n_2 = \frac{m_1}{M_1} + \frac{m_2}{M_2}, \quad PV = nRT$$



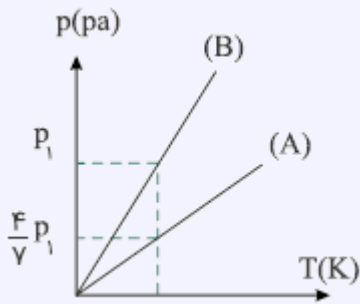
تست ۴۴

حجم گاز کاملی در فشار 10^5 Pa و دمای 27° C ، برابر 1 cm^3 است. مقدار مولکول‌های گاز کدام است؟
 $R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}}$ و 6×10^{23} = عدد آووگادرو (ریاضی ۹۱)

- (۴) $\frac{10^{23}}{24}$
- (۳) $\frac{10^{13}}{24}$
- (۲) $2/5 \times 10^{19}$
- (۱) $2/5 \times 10^{21}$

تست ۴۵

اگر نمودار (P-T) ۵ مول گاز کامل A به حجم ۱۰ لیتر و n مول گاز کامل B با حجم ۱۶ لیتر به صورت شکل زیر باشد، n کدام است؟ (ریاضی ۹۵)

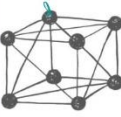
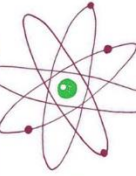


- (۲) ۱۴
- (۱) ۱۰
- (۴) ۲۸
- (۳) ۲۰

تست ۴۶

مخزنی با حجم ثابت ۱۴ لیتر محتوی مخلوطی از ۶ گرم گاز هیدروژن و ۱۱۲ گرم گاز نیتروژن با دمای ۲۷ درجه‌ی سلسیوس است. فشار مخلوط گازها چند اتمسفر است؟ ($R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}}$ ، $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$ ، (ریاضی دافل ۹۶)

- (۴) ۱۲
- (۳) ۹
- (۲) ۸
- (۱) ۶





چگالی گازها، اتصال دو مخزن گاز، خروج یا ورود گاز



• بررسی چگالی گازها

• چگالی گاز: چگالی هر ماده از رابطه $\rho = \frac{m}{v}$ به دست می‌آید.

برای مقداری گاز به جرم m و v با توجه به قانون گازها داریم:

$$PV = nRT \xrightarrow{n = \frac{m}{M}} PV = \frac{m}{M} RT \xrightarrow{\rho = \frac{m}{v}} \rho = \frac{m}{v} = \frac{PM}{RT}$$

در رابطه به دست آمده برای یک گاز معین جرم مولکولی (M) و ثابت R است، بنابراین چگالی گاز با $\frac{P}{T}$

نسبت مستقیم خواهد داشت:

$$\rho = \frac{P}{T} \left[\frac{M}{R} \right] \Rightarrow \rho \propto \frac{P}{T}$$

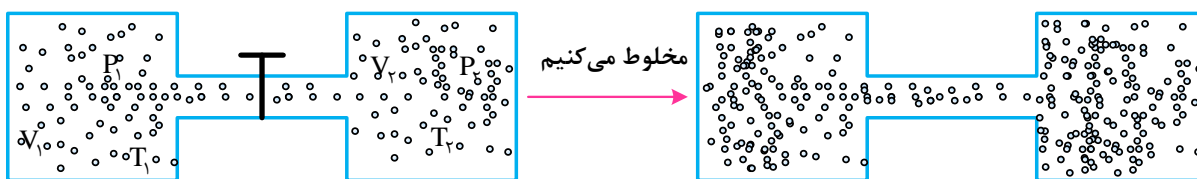
و در مقایسه چگالی یک گاز در دو حالت داریم:

$$\rho = \frac{P M}{T R} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{T_1}{T_2}$$

یعنی چگالی گاز با فشار گاز نسبت مستقیم دارد (هرچه فشرده‌تر، چگالی بیشتر) و با دمای مطلق گاز نسبت عکس خواهد داشت.

• اتصال دو مخزن گاز، خروج یا ورود گاز

اگر مخزن a شامل n_1 مول گاز با مشخصات (P_1, V_1, T_1) را به مخزن b شامل n_2 مول گاز با مشخصات (P_2, V_2, T_2) متصل و گازها را مخلوط کنیم، در این صورت تعداد مول گاز مخلوط (n) برابر مجموع n_1 و n_2 و حجم مخلوط برابر $V = (V_1 + V_2)$ بوده و خواهیم داشت:



$$n_{\text{مخلوط}} = n_1 + n_2 \xrightarrow{PV = nRT \Rightarrow n = \frac{PV}{RT}} \frac{PV}{T} = \frac{P_1 V_1}{T_1} + \frac{P_2 V_2}{T_2} \quad (1)$$

دما و گرمی



نکته:

- ۱- بسته به شرایط مسئله هر کمیتی که در قبل و بعد از مخلوط کردن، ثابت باشد از طرفین وسطین تساوی (۱) ساده خواهد شد.
- ۲- در صورتی که یکی از مخزن‌ها خالی باشد. در واقع حجم تغییر کرده است و خواهیم داشت:

$$\frac{PV}{T} = \frac{P_1(V_1 + V_2)}{T_1}$$

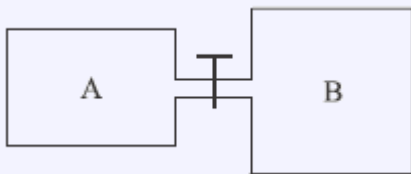
تست FU

در یک فرآیند هم‌فشار، دمای مطلق گاز ۲۵ درصد افزایش می‌یابد. چگالی این گاز چند درصد کاهش می‌یابد؟ (فارج تهری ۹۱)

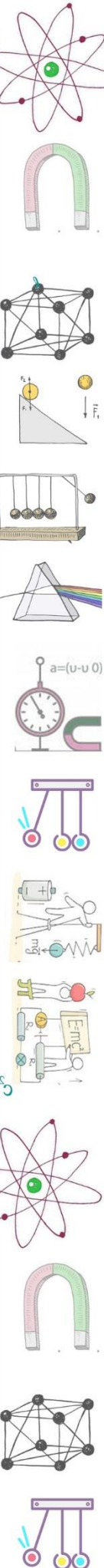
- ۲۰ (۱)
- ۲۵ (۲)
- ۷۵ (۳)
- ۸۰ (۴)

تست FN

در شکل زیر، ظرف A به حجم ۲ لیتر حاوی گاز اکسیژن با دمای 47°C و فشار ۴atm است. و ظرف B به حجم ۵ لیتر، کاملاً خالی است اگر شیر راب را باز کنیم و دمای گاز در ظرف‌ها به ۷ درجه‌ی سلسیوس برسد، فشار گاز چند؟ (سراسری ریاضی ۹۴)



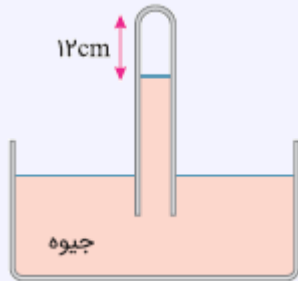
- ۰/۷۰ (۱)
- ۱/۲۵ (۲)
- ۲ (۴)
- ۱ (۳)





تست ۴۹

تست ۴۹: در شکل زیر، فشار هوا برابر 76cmHg و فشار گاز محبوس در لوله 2cmHg است. در دمای ثابت، لوله را چند سانتی‌متر بیشتر در جیوه فرو ببریم، تا فشار گاز درون لوله 3cmHg شود؟

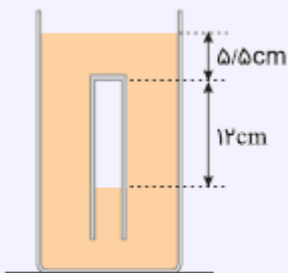


(کنکور سراسری علوم تجربی فارغ از کشور ۱۴۰۰)

- | | |
|-------|-------|
| ۵ (۲) | ۴ (۱) |
| ۷ (۴) | ۶ (۳) |

تست ۵۰

در شکل زیر مایع درون ظرف، جیوه است و لوله‌ای که در آن هوا محبوس است به صورت وارونه درون جیوه نگه داشته شده است. اگر فشار هوا 75 سانتی‌متر جیوه باشد، انتهای لوله را در راستای قائم چند سانتی‌متر از سطح جیوه بالاتر ببریم تا جیوه درون ظرف و لوله در یک سطح قرار گیرند؟ (دما ثابت فرض



شود). (کنکور سراسری ریاضی و فیزیک فارغ از کشور ۱۴۰۰)

- | | |
|----------|----------|
| ۱۸/۶ (۲) | ۱۴/۸ (۱) |
| ۲۷/۲ (۴) | ۲۰/۳ (۳) |